

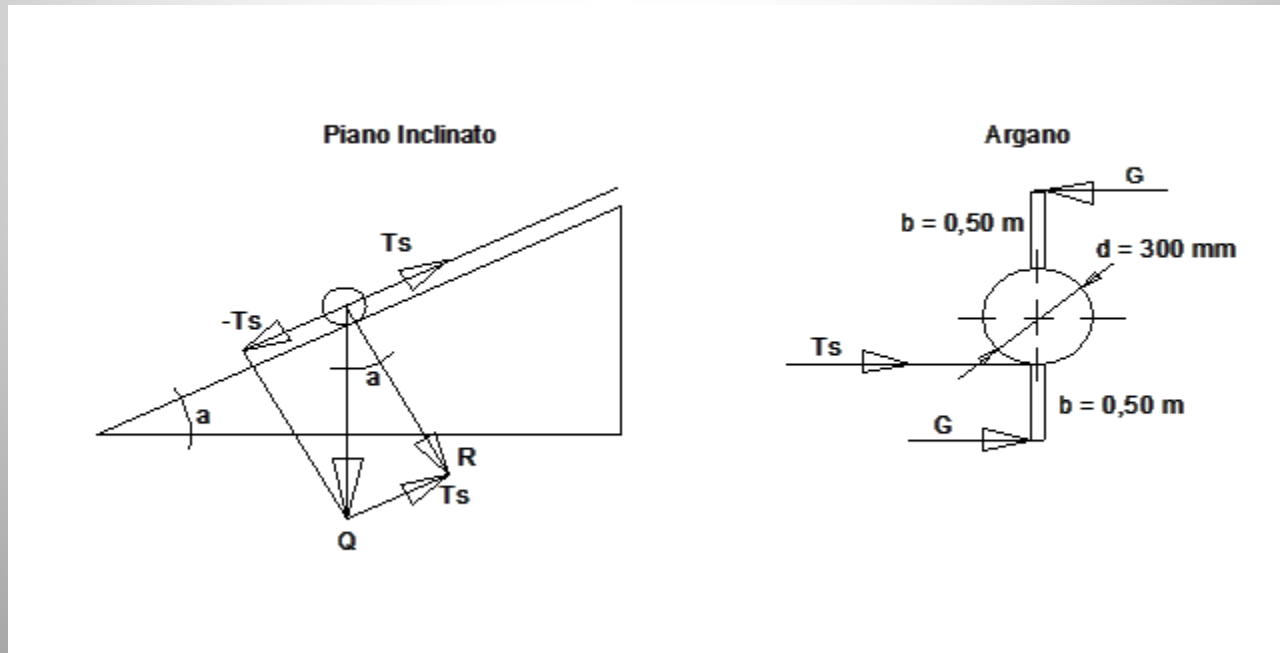
*Prof. Angelo Serafino Caruso, Docente di Meccanica, Macchine ed Energia
Istituto Tecnico Industriale "E. Majorana" – Rossano (CS)*



*Le mie lezioni:
Esercizi svolti in Terza Classe*

Esercizio

Dal mare viene tirata una barca a riva, tramite un argano, l'inclinazione della spiaggia è pari a un angolo di $\alpha=8,5^\circ$. La barca di peso $Q=2000$ daN, scivola su dei rulli tale che l'attrito tra le superfici si possa considerare inesistente. L'argano ha un tamburo $d=400$ mm ed è munito di due barre di manovra lunghe $b=0,50$ m. Si vuole sapere: Lo sforzo che bisogna esercitare su ciascuna barra per portare in secca la barca e se l'argano e il piano inclinato sono vantaggiosi singolarmente e nel loro complesso.



Risoluzione Numerica

La barca da tirare è soggetta ad un tiro T_s , lungo il piano inclinato agente verso l'argano, esso è controbilanciato da $-T_s$ rappresentata, nella figura sottostante, dalle sue componenti: La forza peso della barca "Q" perpendicolare alla base del piano inclinato e dalla forza reattiva "R" perpendicolare al piano stesso.

$$T_s = Q \sin \alpha = 295,60 \text{ daN}$$

$$R = Q \cos \alpha = 1.978,03 \text{ daN}$$

L'argano sarà in equilibrio per

$$T_s \times d/2 = G \times 2.b \gg G = T_s.d/(2.2.b) = 44,34 \text{ daN}$$

$$\text{Vantaggio: } K_{\text{argano}} = T_s/G = 6,66 > 1 - \text{OK}$$

$$\text{Vantaggio: } K_{\text{piano}} = Q/T_s = 6,76 > 1 - \text{OK}$$

$$\text{Oppure } Q/Q \sin 8,5 = 1/\sin 8,5 = 6,76$$

$$K_{\text{complessivo}} = K_a + K_p = 13,42 > 1 - \text{OK OK}$$

Esercizio

Calcolare la velocità angolare ω , l'angolo totale descritto dal volano dopo 10 secondi e il numero di giri compiuto da un volano che gira a 300 giri al minuto.

RISOLUZIONE

$$\omega = 2\pi n / 60 = 31,4 \text{ Rad/s}$$

$$\omega = \text{angolo/tempo} \gg \text{angolo} = \omega t = 314 \text{ Rad}$$

Siccome in un giro si percorrono 2π radianti segue che il numero di giri compiuto in 10 secondi equivale a $\gg n_g = \text{angolo} / 2\pi = 50 \text{ giri/s}$

Esercizio

Un sistema Biella/Manovella ha la biella di lunghezza pari a 60 cm, superiore a quattro volte di quella della manovella che compie 100 giri/minuto. Calcolare sul bottone di manovella: La velocità periferica, il periodo e la frequenza.

RISOLUZIONE

Premessa, un sistema Biella/Manovella in cui la biella supera di quattro volte la lunghezza della manovella, il moto del piede di biella si assimila ad un moto armonico.

1) La velocità periferica è $V_p = \omega \cdot r = (2\pi n/60) \cdot r = 1,57 \text{ m/s}$ con ω =velocità angolare

2) Il Periodo (T) è il tempo impiegato per compiere un giro:

$$T = 60/n = 0,60 \text{ secondi.}$$

Il periodo è anche l'intervallo di tempo in cui i valori del moto armonico si ripetono.

$$T = 2\pi/\omega = 0,60 \text{ secondi}$$

3) Il reciproco del periodo è la frequenza (f) che rappresenta il numero delle oscillazioni complete compiute in un secondo che corrisponde al numero di giri descritti dal bottone di manovella nell'unità di tempo.

$$\text{Per cui } f = 1/T = 1,66 \text{ Herz}$$

Esercizio

Un aereo lancia, in direzione orizzontale, ad un'altezza (h) dal suolo di 300 mt e a una velocità (v) di 200 Km/h, una cassa di viveri per una base scientifica al polo sud. Si chiede, senza considerare l'effetto dell'aria:

- A che distanza dalla base deve essere lanciata la cassa?
- Quando tempo impiega la cassa per raggiungere la base?
- Qual è la velocità d'impatto della cassa?

RISOLUZIONE

Si imposta il sistema con le due equazioni:

Spazio percorso dall'aereo in orizzontale, moto rettilineo uniforme: $x=v \cdot t$

Spazio percorso dalla cassa in direzione verticale, moto naturalmente accelerato:

$$y = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$$

Dalla prima equazione ricavo $t=x/v$ che inserisco nella seconda per avere: $y = \frac{1}{2} \cdot g \cdot (x/v)^2$ che è l'equazione di una parabola dalla quale si estrapola $x = \sqrt{(y \cdot 2 \cdot v^2)/g}$

a) Allora, la cassa tocca terra quando $y=h$ cioè quando,

$$x = \sqrt{(h \cdot 2 \cdot v^2)/g} = 430,13 \text{ mt}$$

$$(200 \text{ Km/h} = 200 \cdot 1000/3600 = 55,55 \text{ m/secondo} = 55 \text{ m/s})$$

b) $t=x/v=7,82$ secondi che deriva anche da $\sqrt{2h/g}$

c) Per conoscere la velocità d'impatto occorre combinare i due moti:

$$V_{\text{assoluta}} = \sqrt{(v^2_{\text{tascina}} + v^2_{\text{relativa}})} = \sqrt{(vt^2 + vt^2 + (gt)^2)} = \sqrt{vt^2 + (gt)^2} = 94,39 \text{ m/s}$$

Esercizio

Calcolare l'energia potenziale e cinetica, all'inizio e alla fine della caduta, di un grave di 80 kg che precipita da un'altezza di 10 mt.

Qual è l'energia potenziale e cinetica a 3 mt dal suolo?

RISOLUZIONE

a) $E_p = mgh = 7848 \text{ J}$ (circa 7840J) e $E_c = 0$

b) $E_p = 0$ e $E_c = mv^2/2 = 7840 \text{ J}$ con $v = \text{Rad}(2 * g * h) = 14 \text{ m/s}$

c) $E_p = 80 * 9,81 * 3 = 2354,4 \text{ J}$

$$E_c + E_p = 7840 \text{ J}$$

$$E_c = 7840 - 2354,4 = 5485,6 \text{ J}$$

Oppure

Un nuotatore del peso di 80 N si tuffa da un trampolino alto 10 mt in una piscina.

a) Calcolare l'Energia Potenziale e Cinetica dal trampolino e sul pelo d'acqua;

b) Qual è l'Energia cinetica e Potenziale a 3 m dal pelo d'acqua?

RISOLUZIONE

Commentare e descrivere il procedimento di calcolo con riferimento alle unità di misura.

a) Al trampolino: $E_p = Fxh = 80 * 10 \text{ [Nm]} = 800 \text{ [J]}$ e $E_c = 0$

b) Al pelo d'acqua: $E_p = 0$ e $E_c = mv^2/2 = 784 \text{ [J]}$ con $v = \text{Rad}(2 * g * h) = 14 \text{ [m/s]}$

c) $E_p = 8 * 9,81 * 3 = 235,44 \text{ [J]} \gg E_c + E_p = 784 \text{ [J]} \gg E_c = 784 - 235,44 = 548,56 \text{ J}$

N.B. se $F = 80 \text{ N} = ma \text{ [kg.m/s}^2\text{]} \gg m = F/a = 80 \text{ N} / 9,81 \text{ m/s}^2$ circa $80/10 = 8 \text{ kg}$

Esercizio

Una lavatrice ha una potenza di 2700 W e riscalda l'acqua immessa in 30 minuti, il costo del kWh è di 0,2 Euro, calcolare l'energia erogata e il costo del lavaggio.

RISOLUZIONE

Energia uguale alla potenza impiegata per il tempo di esercizio.

$$E = P \cdot t = 9.000.000 \text{ [MWh]} = 9.000 \text{ [GWh]}$$

La spesa di lavaggio è $E \times \text{costo unitario} = 1,35 \text{ kWh} \times 0,20 \text{ Euro/kWh} = 0,27 \text{ Euro}$

Esercizio

Una centrale Termo Nucleare con potenza pari a 1250 MW che lavora ininterrottamente per 24 ore al giorno quanta energia produce in un anno.

RISOLUZIONE

Energia uguale alla potenza impiegata per il tempo di esercizio.

$$E = P \cdot t = 9.000.000 \text{ [MWh]} = 9.000 \text{ [GWh]}$$

Esercizio

Quanta energia produce un grammo di materia che alimenta una centrale Termo Nucleare a fissione?

RISOLUZIONE

$E=MC^2$ (Equazione di Einstein)

$$E = 1 \text{ g} \times 300.000^2 \text{ Km/s} = 90.000.000.000 \text{ [g.km}^2\text{/s}^2\text{]}$$

Sapendo che $\text{kg} = 1000 \text{ g}$ segue che $1 \text{ g} = 1/1000 \text{ kg}$ e che un $\text{km}^2 = 1000.000 \text{ m}^2$

$$\begin{aligned} E &= 90.000.000.000 \times (1/1000 \text{ [kg]} \times 1.000 \text{ [m]}^2) = \\ &= 90.000.000.000.000 \text{ kg m}^2\text{/s}^2 = 90.000.000.000.000 \text{ kg} \cdot \text{m/s}^2 \cdot \text{s} = \\ &90.000.000.000.000 \text{ [N.m]} = 90.000.000.000.000 \text{ [J]} = 90 \text{ [TeraJoule]} \\ &\text{[1 tera} = 10 \text{ alla } 12 \text{ zeri]} \end{aligned}$$

Esercizio

Un lago che si trova in montagna a 1350 m di altezza, contiene 1.000.000 di mc d'acqua. Calcolare l'energia immagazzinata dall'acqua. Che rapporto c'è con l'energia dell'esercizio precedente? Si sa che 1 mc d'acqua=1000Kg=1 tonnellata (10q.li).

RISOLUZIONE

$$\begin{aligned} E_p &= mgh = 1.000.000 \text{ mc} \times 1000 \text{ kg} \times 9,81 \text{ m/s}^2 \times 1350 \text{ m} \\ &= 13.243.500.000.000 \text{ J} = 13,24 \text{ TeraJoule} \end{aligned}$$

Il Rapporto con il grammo nucleare è $90 \text{ [TeraJoule]} / 13,24 \text{ TeraJoule} = 6,8$
Cioè ci voglio 6,8 di questi laghi per compensare l'energia di 1 grammo di materia.

Esercizio

Una lavatrice disperde il 15% in calore (cavi e motore), il 7% in attrito meccanico (cuscinetti e coppie striscianti) e il 10% in attrito cestello biancheria. Qual è il rendimento dell'elettrodomestico?

RISOLUZIONE

$$\text{Rendimento} = \eta = \frac{\text{Energia Utilizzata}}{\text{Energia Fornita}} = \frac{\text{Energia Fornita} - \text{Energia Persa}}{\text{Energia Fornita}}$$

$$\eta = 100 - (15+7+10) = 68 \%$$

Esercizio

Calcolare la spinta idrostatica dell'acqua nella botte di Pascal, raffigurata, di diametro pari a 100 cm, sapendo che l'altezza della colonna d'acqua è di 10,33 m.



$$A = 3,14 \times r^2 = 3,14 \times 0,50^2 = 0,78 \text{ m}^2$$

$$F_i = P_i \times h \times A = \rho \cdot h \cdot A = 1.000 \text{ [kg/m}^3]$$

$$\times 9,81 \text{ [m/s}^2] \times 10,33 \text{ [m]} \times 0,78$$

$$\text{[m}^2] = 79.043 \text{ [N]} = 7.904 \text{ daN}$$

Esercizio

Calcolare la Pressione Idrostatica sul fondo di due recipienti di altezza pari a 1 m, rispettivamente pieni di acqua ($\rho=1.000 \text{ kg/m}^3$) e di olio ($\rho=900 \text{ kg/m}^3$) e, sapendo che i recipienti hanno una sezione circolare di raggio = 0,50 m, calcolare la forza premente sul fondo nel caso dell'acqua e dell'olio.

RISOLUZIONE

$$P_i = \rho \cdot g \cdot h = 9.810 \text{ Ng/m}^2 \text{ (Acqua)}$$

$$P_i = \rho \cdot g \cdot h = 8.829 \text{ Ng/m}^2 \text{ (Olio)}$$

La forza sul fondo con $A = 3,14 \times 0,50^2 = 0,785 \text{ m}^2$, quindi,
per l'acqua $F_i = P_i \times A = 7.700,85 \text{ N} = 770 \text{ daN}$

Esercizio

*Una tubazione contiene acqua alla pressione di 10 daN/cm².
Che altezza può raggiungere in un tubo piezometrico? E a quante atmosfere corrispondono?*

RISOLUZIONE

Allora, $10 \text{ daN/cm}^2 = 1.000.000 \text{ [Pa]}$ per cui l'altezza dell'acqua in un tubo piezometrico è $h = p / \rho \cdot g = 101,93 \text{ m}$

La pressione di 10 daN/cm^2 corrisponde a $10 \text{ Atm} = 10 \text{ kgf/cm}^2$ e siccome, in mare, ogni 10 m di discesa la pressione aumenta di 1 Atm si ha che tale pressione sarà raggiunta a 101,93 m di profondità.

Esercizio

Un torchio idraulico ha il diametro del cilindro minore $d_1=10$ cm e quello del cilindro maggiore $d_2=75$ cm, la forza applicata allo stantuffo del cilindro minore è $F_1=30$ daN.

Calcolare la forza F_2 agente sul cilindro di diametro maggiore e la pressione P_2 .

RISOLUZIONE

Calcoliamo le aree dei cilindri: $A_1=3,14 \times 10^2/4=78,5$ cm²

e $A_2=3,14 \times 75^2/4=4.415$ cm²

Pascal: $F_1/A_1=F_2/A_2$

>> $F_2=F_1 \times A_2/A_1 = F_1 \times (d_2)^2/(d_1)^2 = 1.687$ daN

>> $P_2=F_1/A_1=20/[3,14 \times (d_1^2)/4]=20/78,50$ [N/cm²]=0,254 daN/cm²

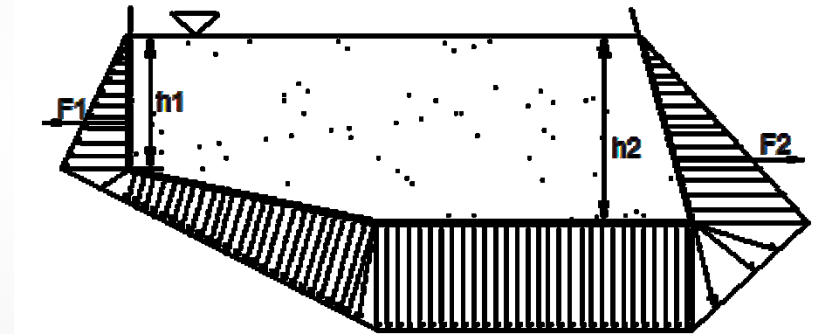
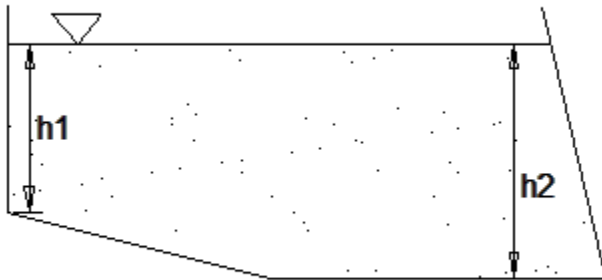
Stesso Torchio: Per equilibrare una spinta, sullo stantuffo grande, di $F_2=10.000$ daN che forza bisogna applicare sullo stantuffo piccolo?

$F_1=F_2 \times d_1^2/d_2^2=177,77$ daN

Esercizio

Una piscina piena d'acqua, rappresentata in figura, ha le pareti di altezza $h_1=0,80\text{ m}$ e la superficie di $6,40\text{ mq}$ ($0,80 \times 8$) mentre $h_2=1,80\text{ m}$ e superficie $14,40\text{ mq}$ ($1,80 \times 8$), il fondo ha l'area della superficie inclinata di $32,00\text{ mq}$ (4×8) e quella piana è di $48,00\text{ mq}$ (6×8).

Calcolare le spinte idrostatiche sulle due superfici laterali e sulle due del fondo, disegnare i diagrammi corrispondenti.



Premesso che la massa Volumica (Densità) $\rho = 1.000\text{ kg/m}^3$ e il Peso Volumico $\varphi = \text{mg/V}$ (Peso/Volume [$\text{kg.m/s}^2/\text{m}^3 = \text{N/m}^3$]) espresso meglio come $\varphi = \rho.g$ cioè $1.000\text{ [kg/m}^3] \times 9,81\text{ [m/s}^2] = 9.810\text{ [N/m}^3]$. (N.B. $1\text{ daN}=10\text{N}$ che è un kg).

RISOLUZIONE

Le pressioni agenti sulla parete h1 sono date dalla Spinta Idrostatica

$$P_i = \rho \cdot h_1 = \rho \cdot g \cdot h_1 = 7.848 \text{ [N/m}^2 \text{ o Pa]},$$

quindi, la Spinta Idrostatica $F_i = P_i \cdot A_{h1} = 50.227 \text{ N} = 5.022,7 \text{ daN}$

ed è applicata a 1/3 dal fondo

Le pressioni agenti sulla parete h2 sono date dalla Spinta Idrostatica

$P_i = \rho \cdot h_2 = \rho \cdot g \cdot h_2 = 17.658 \text{ [N/m}^2 \text{ o Pa]}$, quindi, la Spinta Idrostatica

$$F_i = P_i \cdot A_{h2} = 254.275 \text{ N} = 25.427,5 \text{ daN}$$

ed è applicata a 1/3 dal fondo

Spinta Idrostatica sul fondo piano: $F_i = P_i \cdot A_{fp}$

(Pressione Idrostatica x Area fondo piano)

Con $P_i = \rho \cdot h_2 = \rho \cdot g \cdot h_2 = 17.658 \text{ N/m}^2 \text{ [Pa]}$ – come quella di prima - per cui:

$$F_i = 847.584 \text{ N} = 84.758,40 \text{ daN},$$

applicata al baricentro di base.

La spinta Idrostatica sul fondo inclinato è $F_i = P_m \cdot A_{fi}$ (Pressione media x Area fondo

inclinato) $P_m = \rho \cdot g \cdot (h_1 + h_2) / 2 = 12.753 \text{ N/m}^2$ per cui

$$F_i = 408.096 \text{ N} = 40.809,60 \text{ daN},$$

applicata al baricentro del piano.

Esercizio

Calcolare, prescindendo dagli attriti e disegnando uno schema di massima, la velocità e la pressione dell'acqua che esce da una sezione posta ad un'altezza di 3 m dal suolo, di diametro $D_2=1,5$ volte quello d'ingresso pari $D_1=16$ cm. La sezione d'ingresso è a un'altezza dal suolo di 25 m ed ha una pressione $P_1=4$ bar. La condotta è percorsa da 100 m³/h d'acqua.

RISOLUZIONE

Si sa che 1 bar=10.000 Pa e $\rho=1000$ m³ e $D_2=1,5D_1=1,5 \times 16$ cm = 24,00 cm = 0,24 m

Dall'Equazione di Continuità: $A_2/A_1=V_1/V_2$ cioè $(\pi D_2^2/4)/(\pi D_1^2/4) = D_2^2/D_1^2 = V_1/V_2$

$$\text{Per cui: } V_1 = D_2^2/D_1^2 \times V_2 = (1,5)^2 \times V_2 = 2,25 \times V_2$$

$$Z_1 + P_1/\rho.g + V_1^2/2.g = Z_2 + P_2/\rho.g + V_2^2/2.g =$$

$$25 + 4 \times (10.000 \text{ Pa}) / 1000 [\text{m}^3] \times 9,81 [\text{m/s}^2] + V_1^2 / 2 \times 9,81 [\text{m/s}^2] = 3 + P_2 / 1000 \times 9,81 + V_2^2 / 2 \times 9,81$$

La portata $Q = 100$ m³/h = 100/3600 0,027 m³/s >> ma $Q = A_1 \times V_1$ da cui

$$V_1 = Q/A_1 = 0,027 / (3,14 \times 0,08^2) = 0,027 / 0,020 = 1,35 \text{ m/s}$$

$$V_2 = V_1 / 2,25 = 1,35 / 2,25 = 0,6 \text{ m/s}$$

$$25 + 400.000/9810 + 1,35^2/19,62 = 3 + P_2/9810 + 0,6^2/19,62$$

$$25 + 40,77 + 0,092 = 3 + P_2/9810 + 0,018$$

$$65,86 = P_2/9810 + 3,018$$

$$P_2 = (65,86 - 3,018) \times 9810 = 616.480 \text{ Pa} = 6,164 \text{ bar}$$

Esercizio

Un dislivello di 800 mt alimenta una turbina Pelton, calcolare la velocità d'efflusso dell'acqua dell'ugello e la velocità della girante.

Supponendo che la girante debba compiere 700 g/minuto, che diametro medio deve avere?

RISOLUZIONE

$$U_e(\text{velocità d'efflusso acqua}) = \sqrt{2gh} = 125,28 \text{ m/s}$$

$$V(\text{velocità della girante}) = U_e/2 = 62,64 \text{ m/s}$$

$$d_m(\text{diametro medio}) = 60V/\pi n = 1,70 \text{ mt}$$